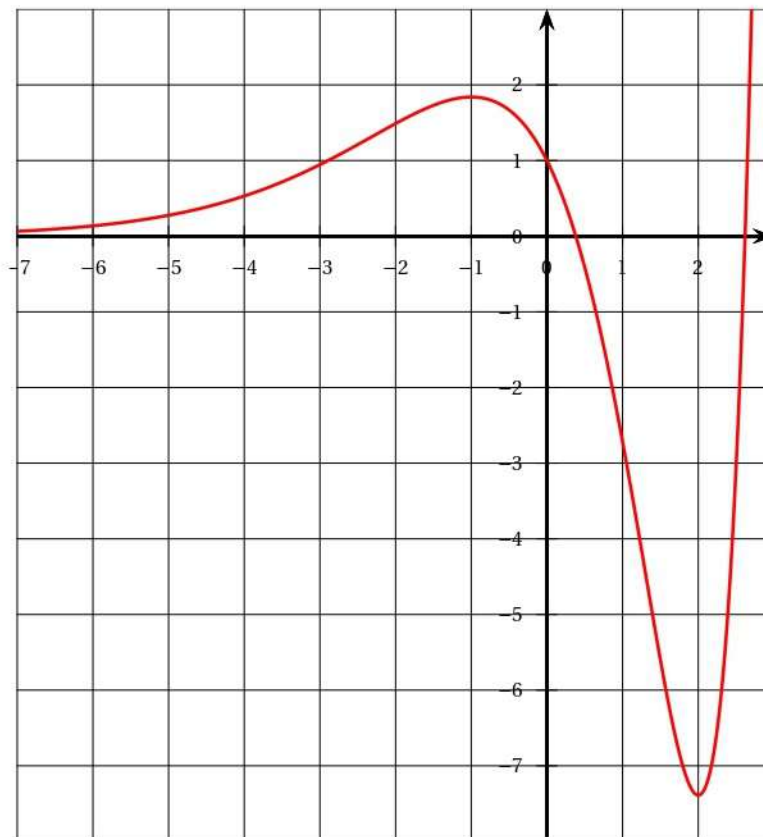


Partie A

Le plan est muni d'un repère orthogonal.

On considère une fonction f définie et dérivable sur \mathbb{R} . On note f' sa fonction dérivée.

On donne ci-dessous la courbe représentative de la fonction dérivée f' .



Dans cette partie, les résultats seront obtenus par lecture graphique de la courbe représentative de la fonction dérivée f' . Aucune justification n'est demandée.

1. Donner le sens de variation de la fonction f sur \mathbb{R} . On utilisera des valeurs approchées si besoin.
2. Donner les intervalles sur lesquels la fonction f semble être convexe.

Partie B

On admet que la fonction f de la partie A est définie sur \mathbb{R} par

$$f(x) = (x^2 - 5x + 6)e^x.$$

On note \mathcal{C} la courbe représentative de la fonction f dans un repère.

1.
 - a. Déterminer la limite de la fonction f en $+\infty$.
 - b. Déterminer la limite de la fonction f en $-\infty$.
2. Montrer que, pour tout réel x , on a $f'(x) = (x^2 - 3x + 1)e^x$.
3. En déduire le sens de variation de la fonction f .
4. Déterminer l'équation réduite de la tangente (\mathcal{T}) à la courbe \mathcal{C} au point d'abscisse 0.

On admet que la fonction f est deux fois dérivable sur \mathbb{R} . On note f'' la fonction dérivée seconde de la fonction f . On admet que, pour tout réel x , on a $f''(x) = (x+1)(x-2)e^x$.

5.
 - a. Étudier la convexité de la fonction f sur \mathbb{R} .
 - b. Montrer que, pour tout x appartenant à l'intervalle $[-1; 2]$, on a $f(x) \leq x + 6$.